

## 5. 質量の異なる弾性体の連続衝突に関する研究

塙 本 栄 世  
神奈川県立小田原高等学校

### 【要約】

質量の異なる弾性体の連続衝突におけるボールどうしの接触の有無およびボールに生じる歪みを調べた結果、この現象は基本的には隣りあった2個のボールの連続衝突ではあるが、瞬間的には3体衝突になる（つまり、隣りあった3個のボールが同時に力を加えあう瞬間がある）ことが分かった。

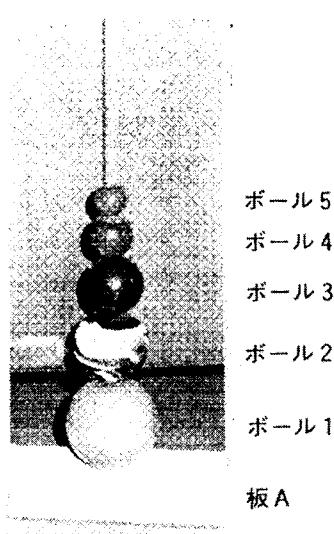
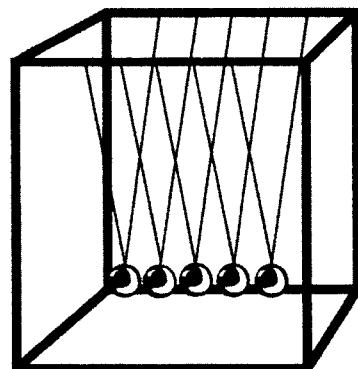
【キーワード】 衝突、運動量保存の法則、歪ゲージ

### 1. はじめに

衝突現象の演示実験に広く用いられるフラボール（図1参照）は弾性衝突および連続衝突の基本的実験を行なう優れた装置だが、運動物体の動きが小さいという欠点がある。

これに対して、質量の異なる2個以上のスーパー ボールを質量の順に重ねて（上のボールほど質量が小さい）自由落下させると、床との衝突後にボールどうしの連続衝突が起き、最上部のボールが元の高さよりはるかに高くはね上がる実験装置（写真1参照）を作ることができる。この装置を用いた演示実験ではボールのダイナミックな動きと意外性のために衝突現象に対する生徒の興味を引きつけ、理解を深めることができる。

ところで、なぜこのような現象が起きるかに



ついて検討する際、隣り合った2個のボールの連続衝突であるとして計算すると、「ボールどうしのはねかえり係数がボールどうしの質量比より大きければ、衝突によってはね上がる速さが増す。」という結果が出る（参考文献(1),(2)参照）が、実際に隣り合った2個のボールの連続衝突になっているかどうかについて実験によって確認する必要がある。

このための実験として、ボールに歪ゲージを貼り付けてボールの瞬間的な変形を直接調べる実験を実施したので、報告する。

### 2. 実験の方法

質量の異なるスーパー ボールの連続衝突について解析するために歪みゲージ、直流増幅器、デジタルオシロスコープを用いて歪みの経時変化を測定した。

#### 2-1 歪ゲージについて

実験に使用した歪みゲージは（株）共和電業の【KFG-02-120-C1-11L3M2R、単軸、箔フェノール、エポキシゲージ、接着剤はCC-33Aを使用、グリッドの長さ 0.2mm、グリッドの幅 1.3mm、ベースの長さ 3.3mm、ベースの幅 2.4mm、抵抗値 120Ω、ゲージ率 2.1】であり、ホイートストンブリッジを組み、1 ゲージ法で測定した。

#### 2-2 直流増幅器について

直流増幅器 6L62（日本電気三栄（株））、増幅率 1000 倍、遮断周波数 DC～100kHz(-3dB)

#### 2-3 デジタルオシロスコープについて

リーダー電子（株） Model 3040A 、垂直軸分解能 8bit(256 ポイント)、水平軸分解能 11bit(2048 ポイント)、  
デジタルストレージ機能…最高サンプリング 20MS/s 、立ち上がり時間 0.2  $\mu$ s

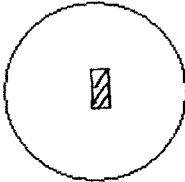
## 2-4 歪みゲージの貼り方について

歪みゲージの貼り方については以下の 3 通りの方法で行った。

### ①ボールの外側に軸方向に貼る方法

…「貼り方 A」と名付ける。図 2 参照。

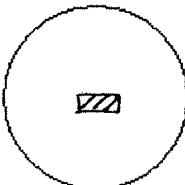
ボールの衝突により歪みゲージの長さ方向に圧縮応力が加わり、歪みの経時変化を表す波形は + 側に振れる。ボールが小さいときは歪みゲージのリード線がボールどうしの衝突を妨げることになり、歪みゲージを貼るのが難しい。



### ②ボールの外側に軸方向と直角に貼る方法

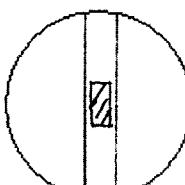
…「貼り方 B」と名付ける。図 3 参照。

ボールの衝突により歪みゲージの長さ方向に引っ張り応力が加わり、歪みの経時変化を表す波形は - 側に振れる。ボールが小さいときも歪みゲージのリード線がボールどうしの衝突を妨げることがないので、歪みゲージを貼るのが容易である。



### ③ボールの貫通穴の内側に軸方向に貼る方法…「貼り方 C」と名付ける。図 4 参照。

ボールを貫通穴を含むように軸方向に 2 つに割り、貫通穴の内側に軸方向に歪みゲージを貼り（歪みゲージのリード線はボールにあけた穴から外に引き出す）、アクリルパイプを貫通穴の内側に接着してからゴム系接着剤（「ボンド G17」、コニシ（株））で全体を貼りあわせる方法で作る。ボールの衝突により歪みゲージの長さ方向に圧縮応力が加わり、歪みの経時変化を表す波形は + 側に振れる。



## 2-5 ドータイトについて

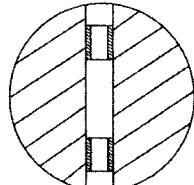
ボールどうしの接触の有無を調べるために、

小さな銀の粒子を含む導電性塗料である「ドータイト」を用いた。具体的には、ボールの表面に銅箔テープを貼り、その上にリード線をハンダ付けした後、ボールの接触部および銅箔テープの上からドータイトを塗る。次に、乾電池と抵抗を接続して、ドータイトを表面に塗ったボールどうしが接触すると回路に電流が流れるようになると、抵抗に発生する電圧を信号として取り出すことで、ボールどうしの接触の有無を測定することができる。以下に「ドータイト」について示す。

「ドータイト FA-312」 樹脂はポリエスチル 耐屈曲性良好のフレキシブル回路タイプ …最も一般的な「ドータイト D-500」は、ボールどうしの衝突による衝撃により剥離してしまう。

## 3. 実験結果

重心を通る貫通穴を開け、その中にアクリルパイプを圧入（図 5 参照）したボール  $m_1 \sim m_5$  を直径 3 mm のステンレス棒に順番 ( $m_1$  が一番下、 $m_5$  が一番上) に通し、5 個のボールを重ねて 5 cm の高さから落下させた場合（衝突直前の速さは約 0.99m/s）の  $m_1 \sim m_5$  に生じた歪の波形およびボールや板 A の接触時間について比較検討（横軸の 1DIV は 5ms）した。 $m_1 \sim m_5$  には「貼り方 B」により歪ゲージを貼って、実験した。



（1）ボール  $m_1 \sim m_5$  に生じる歪の波形について…写真 2～写真 5 参照

板 A とボール  $m_1$  の接触開始信号を外部トリガーとしている。

①  $m_1 \rightarrow m_2 \rightarrow m_3 \rightarrow m_4 \rightarrow m_5$  と順々に歪が伝わっていく。

歪が生じ始める時刻を比較すると、 $m_1$  と  $m_2$ 、 $m_2$  と  $m_3$ 、 $m_3$  と  $m_4$ 、 $m_4$  と  $m_5$  の衝突により、 $m_1 \rightarrow m_2 \rightarrow m_3 \rightarrow m_4 \rightarrow m_5$  と順々に歪が伝わっていくことが分かる。

②ボールに生じる歪の波形には2度の立下りが見られる。

(写真)

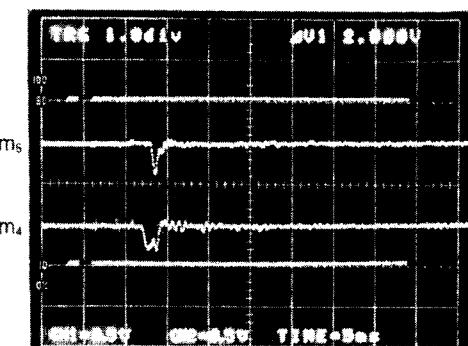
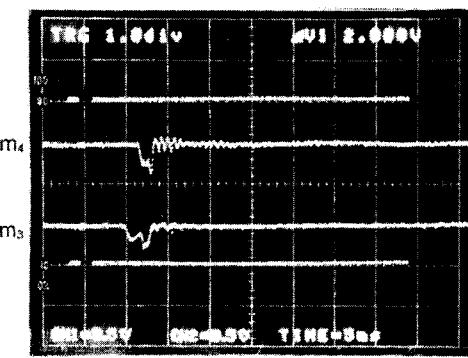
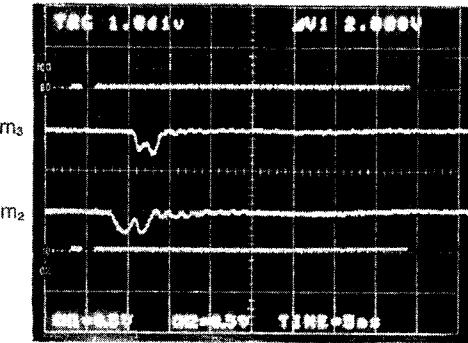
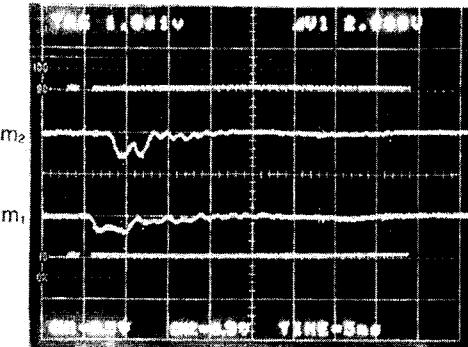
3)から分かるように、 $m_2$ の波形の中で2度の立下りが見られるが、1回目は

$m_1$ との衝突、2回目は $m_3$ との衝突に相当すると考えられる。同様のことだが、 $m_1$ 、 $m_3$ 、 $m_4$ の波形についてもいえる。それに対して、最上部のボール $m_5$

の波形についてはそのようなことはなく、1度の立下りがあるのみである。

③3体衝突が起きている。

$m_1$ と $m_2$ と $m_3$ 、 $m_2$ と $m_3$ と $m_4$ 、 $m_3$ と $m_4$



と $m_5$ が同時に力を加えあっている瞬間がある。つまり、この衝突現象は2体衝突の連続ではなく、瞬間的には3体衝突である。

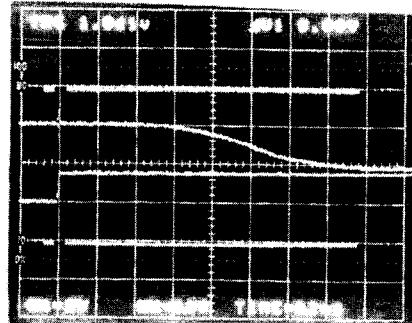
④ボールが小さいほど応力が加わる時間が短い。

なお、以上の結果は10cmの高さから落下させた場合（衝突直前の速さは約1.4m/s）にもなりたつ。

(2) ボール $m_1$ に生じる歪の波形と接触時間について…写真6参照

写真

6は5  
個のボ  
ール $m$   
 $1 \sim m$   
 $5$ を重  
ねて



の高さから落下させた場合の $m_1$ に生じた歪の波形とボール $m_1$ と板Aの接触時間（横軸の1DIVは0.2ms）を比較したものである。 $m_1$ の波形の立下り時刻が板Aとの接触開始時刻より約0.6ms遅れているが、 $m_1$ の板Aとの接点から歪ゲージが貼られている位置までの距離が約42mm、弾性波の速さの実測値が55.3m/sであることから、弾性波が、 $m_1$ の板Aとの接点から歪ゲージが貼られている位置まで伝わるために要する時間の計算値は約0.76msとなり、オーダー的にはほぼあっている。なお、ボールの中を伝わる弾性波の速さの測定は、平行な2つの平面によってボールの上部および下部を切り取った11個のボール $m_3$ をゴム系接着剤で数珠つなぎに接着したもの用いて測定した。

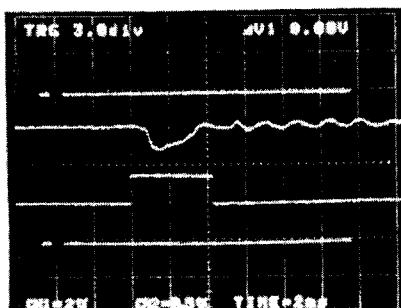
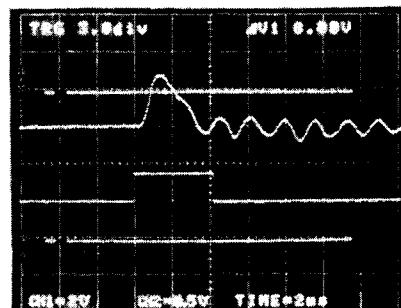
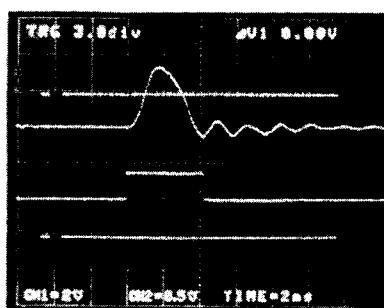
(3) 歪ゲージの貼り方および落下させるボールの個数の違いと歪の波形および接触時間の関係を調べる実験

写真7、写真8、写真9はそれぞれ「貼り方C」、「貼り方A」、「貼り方B」によりボール $m_1$ に歪ゲージを貼り、 $m_1$  1個だけを 10cm の高さから落下させた場合の歪および $m_1$ と板Aの接触時間を示す波形（横軸の 1DIV は 2ms）であり、写真10、写真11、写真12はそれぞれ写真7、写真8、写真9の $m_1$ の上に歪ゲージを貼っていない $m_2 \sim m_5$ をのせて落下させた場合の波形である。

① $m_1$  1個だけを落下させた場合、 $m_1$ と板Aとの接触時間については、歪ゲージの貼り方によらず一定（約 4ms）である。同様に、

$m_1$ に歪が生じる時間の長さについては、歪ゲージの貼り方によらず一定（約 3ms）である。② $m_1$  1個だけを落下させた場合に比べ、 $m_1$ の上に $m_2 \sim m_5$ をのせて落下させた場合は、 $m_1$ と板Aとの接触時間は 9~11ms と長くなる。同様に、 $m_1$ に歪が生じる時間の長さについては、歪ゲージの貼り方によらず一定（約 8~10ms）である。つまり、 $m_1$ の上に $m_2 \sim m_5$ をのせて落下させた場合の方が板Aとの接触時間が長くなり、板Aから大きな力積を受ける。

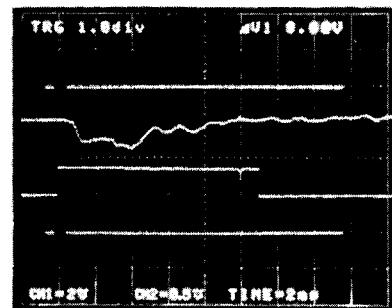
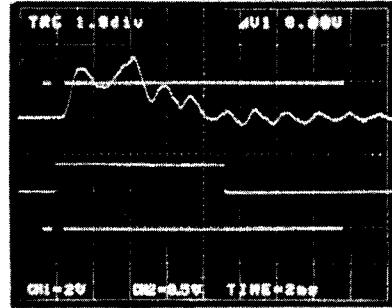
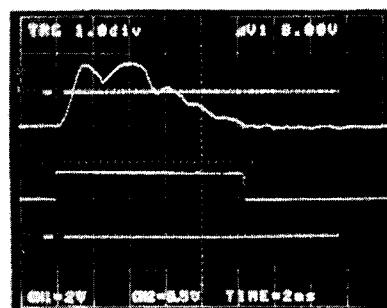
③ $m_1$  1個だけを落下させた場合に比べ、 $m_1$ の上に $m_2 \sim m_5$ をのせて落下させた場合は、 $m_1$ の歪の波形は $m_2 \sim m_5$ の影響で複雑なもの



の ( $m_2 \sim m_5$ からの反射波の影響と思われる) となる。

#### 4. まとめ

ドータイプや歪ゲージを用いて、質量の異なる弾性体の連続衝突におけるボールどうしの接触の有無およびボールに生じる歪みを調べた結果、この現象は基本的には隣りあつた2個のボールの連続衝突ではあるが、瞬間的には3体衝突になる（つまり、隣りあつた3個のボールが同



時に力を加えあう瞬間がある）こと、 $m_1$  1個だけを落下させた場合に比べ、 $m_1$ の上に $m_2 \sim m_5$ をのせて落下させた場合は、 $m_1$ と板Aとの接触時間が長くなり、板Aから大きな力積を受けることが分かった。

#### 5. 参考文献

- (1) 塚本栄世：日本理化学協会研究紀要、第21巻（1989年度）
- (2) 塚本栄世：平成元年度全国理科教育大会富山大会研究発表資料集（第11巻）

#### 6. 補遺

本研究は平成4年度日本板硝子材料工学助成会の助成を受けて実施したものである。